2011年京大文 1

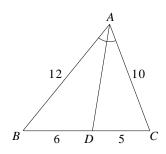
(1)

BD:DC=AB:AC=6:5であるから、BD=6である。

$$\cos \angle B = \frac{12^2 + 11^2 - 10^2}{2 \cdot 12 \cdot 11} = \frac{165}{24 \cdot 11} = \frac{5}{8}$$
 であるから、余弦定理より

$$AD^2 = 12^2 + 6^2 - 2 \cdot 12 \cdot 6 \cdot \frac{5}{8} = 144 + 36 - 90 = 90$$

$$∴ AD = 3\sqrt{10} \cdots (答)$$



(2)

すべての 2 枚のカードの選び方は $_9C_2 = \frac{9 \cdot 8}{2 \cdot 1} = 36$ 通り。

2 枚のカードを同時に選び、小さい方の数がk (1 $\leq k \leq 8$)である確率は、

一方の数がkで、もう一方の数がkより大きい9-k個の数のいずれかであるから、 $\frac{9-k}{36}$ 。

X = Yとなる確率は

$$\sum_{k=1}^{8} \left(\frac{1}{4} - \frac{k}{36} \right)^2 = \frac{1}{2^4} \sum_{k=1}^{8} 1 - \frac{1}{2^3 3^2} \sum_{k=1}^{8} k + \frac{1}{2^4 3^4} \sum_{k=1}^{8} k^2 = \frac{8}{2^4} - \frac{8 \cdot 9}{2^4 3^2} + \frac{8 \cdot 9 \cdot 17}{2^5 3^5} = \frac{17}{2^2 3^3} = \frac{17}{108} \quad \cdots \quad (\raise)$$

※(2)は理系 1 の(1)と共通。